

# Inhaltsverzeichnis

<b>I</b>	<b>Grundlagen der Analysis</b>	<b>1</b>
<b>1</b>	<b>Reelle Zahlen</b>	<b>3</b>
1.1	Rechnen mit reellen Zahlen . . . . .	3
1.2	Das Summenzeichen . . . . .	9
1.3	Die Anordnung der reellen Zahlen . . . . .	16
1.4	Vollständige Induktion . . . . .	25
<b>2</b>	<b>Folgen</b>	<b>31</b>
2.1	Begriff der Folge . . . . .	31
2.2	Konvergente Folgen . . . . .	37
2.3	Sätze über konvergente Folgen . . . . .	40
2.4	Reihen als Folgen . . . . .	46
<b>3</b>	<b>Funktionen</b>	<b>51</b>
3.1	Der Funktionsbegriff . . . . .	51
3.2	Eigenschaften von Funktionen . . . . .	57
3.3	Rationale Funktionen . . . . .	63
3.4	Winkelfunktionen . . . . .	71
3.5	Logarithmus- und Exponentialfunktion . . . . .	80
<b>II</b>	<b>Analysis im <math>\mathbb{R}^1</math></b>	<b>87</b>
<b>4</b>	<b>Stetige Funktionen</b>	<b>89</b>
4.1	Begriff der Stetigkeit . . . . .	89
4.2	Sätze über stetige Funktionen . . . . .	93
4.3	Grenzwerte von Funktionen . . . . .	98
<b>5</b>	<b>Differenzierbare Funktionen</b>	<b>112</b>
5.1	Begriff der Ableitung . . . . .	112
5.2	Ableitungsregeln . . . . .	121
5.3	Mittelwertsatz und Folgerungen . . . . .	128
<b>6</b>	<b>Integration</b>	<b>137</b>
6.1	Riemannsches Integral . . . . .	137

---

6.2	Der Hauptsatz . . . . .	145
6.3	Unbestimmte Integration . . . . .	154
6.4	Uneigentliche Integrale . . . . .	165
<b>7</b>	<b>Taylorentwicklung und Potenzreihen</b>	<b>175</b>
7.1	Konvergenzbegriff und Konvergenzkriterien . . . . .	175
7.2	Taylorreihen . . . . .	184
7.3	Extremalstellen und Differenzierbarkeit . . . . .	199
7.4	Potenzreihen . . . . .	208
<b>III</b>	<b>Analysis im <math>\mathbb{R}^n</math></b>	<b>217</b>
<b>8</b>	<b>Grundbegriffe</b>	<b>219</b>
8.1	Punktfolgen, Folgen und Funktionen . . . . .	219
8.2	Stetigkeit und Grenzwerte . . . . .	230
8.3	Partielle Ableitung . . . . .	239
<b>9</b>	<b>Differenzierbare Funktionen im <math>\mathbb{R}^n</math></b>	<b>250</b>
9.1	Der Differenzierbarkeitsbegriff im $\mathbb{R}^n$ . . . . .	250
9.2	Der Satz von Taylor im $\mathbb{R}^n$ . . . . .	262
9.3	Implizite Funktionen . . . . .	276
<b>10</b>	<b>Integration im <math>\mathbb{R}^n</math></b>	<b>294</b>
10.1	Riemann-Integrale über Intervalle . . . . .	294
10.2	Riemann-Integrale über beschränkte Mengen . . . . .	307
	<b>Sachwortverzeichnis</b> . . . . .	<b>332</b>
	<b>Mathematica-Befehle</b> . . . . .	<b>335</b>
	<b>Maple-Befehle</b> . . . . .	<b>336</b>